



ПОДГОТОВКА К ОГЭ. ЗАДАНИЕ №20.

Выступление подготовила:
Струкова Е.А, учитель
математики МБОУ «СОШ
№4 г. Шебекино»

Проверяемые умения:

- Решать линейные уравнения,
- Решать квадратные уравнения,
- Системы линейных уравнений,
- Решать линейные неравенства и их системы,
- Решать квадратные неравенства,
- Решать дробно-рациональные неравенства,
- Использовать координатную прямую и координатную плоскость для изображения решений уравнений и неравенств и их систем.

№1

Сократите дробь:

$$\frac{18^{n-2}}{3^{2n+3} \cdot 2^{n-2}}$$

№1

Для решения данного задания необходимо знать следующие формулы:

$$1) (a^n)^m = a^{nm}, a^{nm} = (a^n)^m = (a^m)^n;$$

$$2) a^n \cdot a^m = a^{n+m}, a^{n+m} = a^n \cdot a^m;$$

$$3) (a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n, a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n;$$

$$4) a^n : a^m = a^{n-m}, a^{n-m} = a^n : a^m = a^n \cdot a^{-m};$$

$$5) a^{-n} = \frac{1}{a^n}, \frac{1}{a^{-n}} = a^n .$$

№1 способ 1 (преобразовать знаменатель)

$$\begin{aligned}
 & \frac{18^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}} = \frac{18^n \cdot 18^3}{3^{2n} \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}} = \\
 & = \frac{18^n \cdot 18^3}{(3^2)^n \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}} = \frac{18^n \cdot 18^3}{9^n \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}} = \\
 & = \frac{18^n \cdot 18^3}{(9 \cdot 2)^n \cdot 3^5 \cdot 2^{-2}} = \frac{18^n \cdot 18^3}{18^n \cdot 3^5 \cdot 2^{-2}} = \frac{18^3 \cdot 2^2}{3^5} \\
 & = \frac{(3^2 \cdot 2)^3 \cdot 2^2}{3^5} = \frac{3^6 \cdot 2^3 \cdot 2^2}{3^5} = 3 \cdot 2^5 = 3 \cdot 32 \\
 & = 96
 \end{aligned}$$

Ответ: 96.

№1 способ 2 (преобразовать числитель)

$$\begin{aligned} & \frac{18^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}} = \frac{18^n \cdot 18^3}{3^{2n} \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}} = \\ & = \frac{(9 \cdot 2)^n \cdot (9 \cdot 2)^3}{(3^2 \cdot 2)^n \cdot (3^2 \cdot 2)^3} = \\ & = \frac{3^{2n} \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}}{(3^2)^n \cdot 2^n \cdot (3^2)^3 \cdot 2^3} = \frac{3^{2n} \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}}{3^{2n} \cdot 2^n \cdot 3^6 \cdot 2^3} = \\ & = \frac{3^{2n} \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}}{3^{2n} \cdot 3^5 \cdot 2^n \cdot 2^{-2}} = \\ & = (3^6 : 3^5) \cdot (2^3 : 2^{-2}) = 3^{6-5} \cdot 2^{3-(-2)} = 3 \cdot 2^5 \\ & = 3 \cdot 32 = 96 \end{aligned}$$

Ответ: 96.

№2

Разложите на множители:

$$x^2y + 1 - x^2 - y$$

№2

Для решения данного задания я использовала следующие формулы:

$$1) a^2 - b^2 = (a - b)(a + b);$$

$$2) ac + bc + ad + bd = (ac + bc) + (ad + bd) = \\ = c(a + b) + d(a + b) = (a + b)(c + d);$$

$$3) ac + bc + ad + bd = (ac + ad) + (bc + bd) = \\ = a(c + d) + b(c + d) = (c + d)(a + b).$$

№2

$$\begin{aligned}x^2y + 1 - x^2 - y &= (x^2y - x^2) + (1 - y) = \\&= x^2(y - 1) - (y - 1) = (y - 1)(x^2 - 1) = \\&= (y - 1)(x - 1)(x + 1)\end{aligned}$$

или

$$\begin{aligned}x^2y + 1 - x^2 - y &= (x^2y - y) + (1 - x^2) = \\&= y(x^2 - 1) - (x^2 - 1) = (x^2 - 1)(y - 1) = \\&= (x - 1)(x + 1)(y - 1)\end{aligned}$$

ОТВЕТ: $(x - 1)(x + 1)(y - 1)$.

№3

Сократить дробь

$$\frac{5x^2 - 3x - 2}{5x^2 + 2x}$$

№3

Для решения этого задания потребуются следующие формулы:

1) $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$, где x_1, x_2 - корни квадратного уравнения $ax^2 + bx + c = 0$

2) $a(b + c) = ab + ac$, $ab + ac = a(b + c)$

3) $ax^2 + bx + c = 0$:

если $a + b + c = 0$, то $x_1 = 1$, $x_2 = \frac{c}{a}$;

если $a - b + c = 0$, то $x_1 = -1$, $x_2 = -\frac{c}{a}$.

№3 способ 1

Сначала раскладываем на множители числитель и знаменатель дроби:

1) числитель:

$5x^2 - 3x - 2 = 5(x - x_1)(x - x_2)$, где x_1, x_2 - корни квадратного уравнения $5x^2 - 3x - 2 = 0$

$$5x^2 - 3x - 2 = 0$$

Так как сумма коэффициентов $a + b + c = 0$, то $x_1 = 1$,

$$x_2 = \frac{c}{a} = \frac{-2}{5} = -\frac{2}{5}.$$

Таким образом, получаем:

$$5x^2 - 3x - 2 = 5(x - 1) \left(x - \left(-\frac{2}{5} \right) \right) = (x - 1)(5x + 2).$$

№3

2) знаменатель:

$$5x^2 + 2x = x(5x + 2)$$

№3

$$\frac{5x^2 - 3x - 2}{5x^2 + 2x} = \frac{(x - 1)(5x + 2)}{x(5x + 2)} = \frac{x - 1}{x}$$

Ответ: $\frac{x-1}{x}$.

№3 способ 2

Также данное задание можно решить с помощью разложения на множители числителя способом группировки, представив одночлен $-3x$ в виде:

$$-3x = 2x - 5x$$

Тогда:

$$\begin{aligned} 5x^2 - 3x - 2 &= 5x^2 + 2x - 5x - 2 = \\ &= (5x^2 + 2x) + (-5x - 2) = \\ &= x(5x + 2) - (5x + 2) = (5x + 2)(x - 1) \end{aligned}$$

А затем дробь сократить, как и в предыдущем способе.

№4

Упростите выражение

$$\frac{\sqrt{\sqrt{10} - 2} \cdot \sqrt{\sqrt{10} + 2}}{\sqrt{24}}$$

№4

Так как в выражении есть корни, то воспользуемся следующими формулами:

$$1) \sqrt{a \cdot b} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}, \quad \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab};$$

$$2) (a - b)(a + b) = a^2 - b^2;$$

$$3) \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}, \quad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}};$$

$$4) (\sqrt{a})^2 = a, \text{ если } a \geq 0.$$

№4

Вносим числитель под один корень:

$$\begin{aligned} \frac{\sqrt{\sqrt{10}-2} \cdot \sqrt{\sqrt{10}+2}}{\sqrt{24}} &= \frac{\sqrt{(\sqrt{10}-2)(\sqrt{10}+2)}}{\sqrt{24}} = \\ &= \frac{\sqrt{(\sqrt{10})^2 - 2^2}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{10-4}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{24}} = \sqrt{\frac{6}{24}} = \sqrt{\frac{1}{4}} \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

Ответ: $\frac{1}{2}$.

№5

Упростите выражение

$$\frac{6}{a-1} - \frac{10}{(a-1)^2} : \frac{10}{a^2-1} - \frac{2a+2}{a-1}$$

№5

Воспользуемся следующими формулами:

$$1) a^2 - b^2 = (a - b)(a + b);$$

$$2) (a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2;$$

$$3) ab \pm ac = a(b \pm c)$$

$$4) \frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c}.$$

№5

Разложим каждый знаменатель, который возможно, на множители:

$$(a - 1)^2 = (a - 1)(a - 1)$$

$$a^2 - 1 = (a - 1)(a + 1)$$

№5

Первым выполняем деление:

$$\begin{aligned} & \frac{10}{(a-1)^2} : \frac{10}{a^2-1} = \\ & = \frac{10}{(a-1)(a-1)} \cdot \frac{(a-1)(a+1)}{10} \\ & = \frac{10 \cdot (a-1)(a+1)}{(a-1)(a-1) \cdot 10} = \frac{a+1}{a-1} \end{aligned}$$

№5

$$\begin{aligned}
 & \frac{6}{a-1} - \frac{10}{(a-1)^2} : \frac{10}{a^2-1} - \frac{2a+2}{a-1} = \\
 & = \frac{6}{a-1} - \frac{10}{a+1} - \frac{2a+2}{a-1} = \\
 & = \frac{6 - (a+1) - (2a+2)}{a-1} = \frac{6 - a - 1 - 2a - 2}{a-1} \\
 & = \frac{-3a+3}{a-1} = \frac{-3(a-1)}{a-1} = -3
 \end{aligned}$$

Ответ: -3 .

№6

Найдите значение выражения

$$\frac{(3x)^3 \cdot x^{-9}}{x^{-10} \cdot 2x^5}$$

при $x = 5$

№6

Используем следующие формулы:

$$1) (a^n)^m = a^{nm}, a^{nm} = (a^n)^m = (a^m)^n;$$

$$2) a^n \cdot a^m = a^{n+m}, a^{n+m} = a^n \cdot a^m;$$

$$3) (a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n, a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n;$$

$$4) a^n : a^m = a^{n-m}, a^{n-m} = a^n : a^m = a^n \cdot a^{-m};$$

$$5) a^{-n} = \frac{1}{a^n}, \frac{1}{a^{-n}} = a^n .$$

№6

$$\begin{aligned} \frac{(3x)^3 \cdot x^{-9}}{x^{-10} \cdot 2x^5} &= \frac{3^3 \cdot x^3 \cdot x^{-9}}{2 \cdot x^{-10} \cdot x^5} = \frac{27 \cdot x^{3+(-9)}}{2 \cdot x^{-10+5}} \\ &= \frac{27 \cdot x^{-6}}{2 \cdot x^{-5}} = \frac{27}{2} \cdot x^{-6-(-5)} = \frac{27}{2} \cdot x^{-1} = \frac{27}{2} \cdot \frac{1}{x} \\ &= \frac{27}{2x} \end{aligned}$$

№6

Так как $x = 5$, то получаем:

$$\frac{27}{2x} = \frac{27}{2 \cdot 5} = \frac{27}{10} = 2,7$$

Ответ: 2,7 .

№7

Какое из чисел $\sqrt{6} + \sqrt{10}$ или $3 + \sqrt{7}$ больше?

№7

Для решения этого задания нужно помнить следующие свойства арифметического корня:

- 1) Подкоренное выражение не может быть отрицательным;
- 2) В четную степень можно возводить только положительные значения(если это требуется);
- 3) В квадрат можно возводить корень, не имеющий отрицательного подкоренного выражения.

№7

И для решения такого задания нужно оба значения возвести в квадрат:

$$\begin{aligned}(\sqrt{6} + \sqrt{10})^2 &= (\sqrt{6})^2 + 2 \cdot \sqrt{6} \cdot \sqrt{10} + (\sqrt{10})^2 = \\ &= 6 + 2\sqrt{6 \cdot 10} + 10 = 16 + 2\sqrt{4 \cdot 15} = \\ &= 16 + 4\sqrt{15}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3 + \sqrt{7})^2 &= 3^2 + 2 \cdot 3 \cdot \sqrt{7} + (\sqrt{7})^2 = \\ &= 9 + 6\sqrt{7} + 7 = 16 + 6\sqrt{7}\end{aligned}$$

№7

Таким образом, чтобы сравнить изначальные значения, нужно сравнить выражения $16 + 4\sqrt{15}$ и $16 + 6\sqrt{7}$.

Так как у этих выражений есть одинаковое число 16, то сравниваем только $4\sqrt{15}$ и $6\sqrt{7}$.

№7

Для этого нужно внести все значения каждого выражения под корень.

$$4\sqrt{15} = \sqrt{4^2 \cdot 15} = \sqrt{16 \cdot 15} = \sqrt{240}$$

$$6\sqrt{7} = \sqrt{6^2 \cdot 7} = \sqrt{36 \cdot 7} = \sqrt{252}$$

№7

В результате получаем

$$\sqrt{240} < \sqrt{252}$$

что обозначает, что

$$\sqrt{6} + \sqrt{10} < 3 + \sqrt{7}$$

И в ответ записываем только БОЛЬШЕЕ из значений.

Ответ: $3 + \sqrt{7}$.

№8

Сократите дробь

$$\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)}$$

если $p(b) = \left(b + \frac{3}{b}\right) \left(3b + \frac{1}{b}\right)$

№8

Для начала, из выражения

$$p(b) = \left(b + \frac{3}{b}\right) \left(3b + \frac{1}{b}\right)$$
 получим

выражение $p\left(\frac{1}{b}\right)$, для этого

подставим вместо каждого b

значение $\frac{1}{b}$.

№8

$$\begin{aligned} p \left(\frac{1}{b} \right) &= \left(\frac{1}{b} + \frac{3}{\frac{1}{b}} \right) \left(3 \frac{1}{b} + \frac{1}{\frac{1}{b}} \right) \\ &= \left(\frac{1}{b} + 3 : \frac{1}{b} \right) \left(\frac{3}{b} + 1 : \frac{1}{b} \right) = \left(\frac{1}{b} + 3b \right) \left(\frac{3}{b} + b \right) \end{aligned}$$

№8

Полученное выражение подставляем в условие

$$\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)} = \frac{\left(b + \frac{3}{b}\right)\left(3b + \frac{1}{b}\right)}{\left(\frac{1}{b} + 3b\right)\left(\frac{3}{b} + b\right)} = 1$$

Заметив тождественно равные выражения, получаем, что отношение равно 1.

Ответ: 1.

Сайты для подготовки к ОГЭ

- 1) <https://vpr-ege.ru/oge/matematika/2468-trenirovochnye-varianty-oge-2025-po-matematike-s-otvetami>
- 2) <https://fipi.ru/oge/demoversii-specifikacii-kodifikatory>
- 3) <https://4ege.ru/gia-matematika/71277-demoversija-oge-2025-po-matematike.html>
- 4) <https://math100.ru/oge-2025/>
- 5) <https://www.mathm.ru/oge.html>
- 6) <https://time4math.ru/oge>



Спасибо
за
ваши мажисе